

## PROGRAMMA DEL CORSO DI ANALISI MATEMATICA II

### SETTORE SCIENTIFICO

MAT/05

### CFU

9

### SETTORE SCIENTIFICO DISCIPLINARE

MATH-03/A

### ANNO DI CORSO

I Anno

### TIPOLOGIA DI ATTIVITÀ FORMATIVA

/\*\*/

Base X

Caratterizzante q

Affine q

Altre attività q

### NUMERO DI CREDITI

9 CFU

### DOCENTE

Cristina Urbani

### MODALITÀ DI ISCRIZIONE E DI GESTIONE DEI RAPPORTI CON GLI STUDENTI

L'iscrizione ed i rapporti con gli studenti sono gestiti mediante la piattaforma informatica che permette l'iscrizione ai corsi, la fruizione delle lezioni, la partecipazione a forum e tutoraggi, il download del materiale didattico e la comunicazione con il docente. Un tutor assisterà gli studenti nello svolgimento di queste attività.

### **OBIETTIVI FORMATIVI SPECIFICI**

Il corso ha lo scopo di fornire conoscenze di Analisi matematica avanzata illustrando nozioni e teoremi relativi a: calcolo differenziale ed integrale per le funzioni di più variabili reali, curve ed integrali curvilinei, forme differenziali, convergenza puntuale e uniforme di serie di funzioni, serie di Fourier, elementi di teoria della misura, equazioni differenziali ordinarie. I risultati di apprendimento attesi comprendono la capacità di analizzare e risolvere problemi complessi utilizzando strumenti matematici adeguati, di comprendere e applicare in modo rigoroso definizioni e teoremi. Parte integrante del percorso formativo è lo sviluppo delle competenze computazionali necessarie per risolvere con rigore i problemi proposti, potenziando così l'autonomia nello studio. Gli studenti saranno inoltre in grado di affrontare con spirito critico nuovi argomenti nell'ambito dell'analisi matematica, ponendo solide basi per studi successivi in ambito scientifico e tecnologico.

### **RISULTATI DI APPRENDIMENTO SPECIFICI**

#### Conoscenza e capacità di comprensione

Il corso offre allo studente gli strumenti per la comprensione del calcolo differenziale ed integrale per le funzioni di più variabili reali, di curve ed integrali curvilinei, delle forme differenziali, della convergenza puntuale e uniforme di serie di funzioni, delle serie di Fourier, di teoria della misura, delle equazioni differenziali ordinarie, nonché per la comprensione e apprendimento di definizioni e teoremi fondamentali dell'analisi matematica avanzata.

#### Capacità di applicare conoscenza e comprensione

Lo studente sarà in grado di risolvere problemi relativi agli argomenti sopra elencati, e acquisirà metodi di analisi e di soluzione di problemi scientifici utili nello studio delle discipline caratterizzanti il corso di laurea.

#### Autonomia di giudizio

Lo studente sarà in grado di elaborare i concetti in maniera critica.

#### Abilità comunicative

Lo studente saprà presentare gli argomenti svolti nel corso con rigore formale e completezza.

#### Capacità di apprendimento

Lo studente sarà in grado di selezionare e correlare tra loro gli argomenti trattati nel corso.

## PROGRAMMA DIDATTICO

1. Derivata di una funzione
2. Applicazione delle derivate allo studio di funzione
3. Esempi ed esercizi sulle derivate
4. Studio del Grafico di una funzione
5. Integrali Definiti
6. Integrali indefiniti
7. Applicazione degli integrali
8. Introduzione alle matrici
9. Determinante di una matrice
10. Esercitazione sugli Integrali
11. La Formula di Taylor
12. Sistemi lineari
13. Introduzione agli Spazi Vettoriali
14. Serie Numeriche
15. Introduzione alle serie di Fourier
16. Sviluppo in serie di Fourier
17. Convergenza della serie di Fourier
18. Le funzioni a più variabili
19. Sistemi di coordinate
20. Equazioni differenziali del primo ordine
21. Lo spazio vettoriale euclideo reale
22. Equazioni differenziali di ordine superiore
23. Equazioni differenziali ordinarie
24. Risoluzione di equazioni a variabili
25. Equazioni lineari del primo ordine
26. Risoluzione di alcune equazioni ordinarie
27. Risoluzione di ulteriori tipi di equazioni ordinarie
28. Regolarità e prolungabilità delle soluzioni

29. Analisi qualitativa e confronto
30. Stabilità delle soluzioni
31. Curve e integrali curvilinei
32. Forme differenziali lineari
33. Integrali multipli
34. Cambiamento di variabili negli integrali multipli
35. Le coniche
36. Introduzione alla geometria analitica nel piano
37. Esercitazione di geometria analitica nel piano
38. Introduzione alla geometria analitica nello spazio
39. Superfici e Integrali di superfici
40. Esercitazione di Geometria Analitica nello spazio
41. Formule di integrazione
42. Teoremi della divergenza e di Stokes
43. Esercitazioni sugli integrali
44. Misura e integrazione
45. Esercitazione sugli spazi vettoriale e sui sistemi lineari

## **TIPOLOGIE DI ATTIVITÀ DIDATTICHE PREVISTE E RELATIVE MODALITÀ DI SVOLGIMENTO**

L'insegnamento è articolato in videolezioni di circa 30 minuti corredate da dispense, slide e questionario di autovalutazione.

Per ogni insegnamento è prevista 1 videolezione di didattica erogativa in modalità sincrona a contenuto innovativo ed interattivo, secondo modalità definite dal docente di riferimento, vi è altresì la possibilità di redazione di un elaborato per insegnamento, differenziato in termini di difficoltà rispetto all'ampiezza dei CFU assegnati.

Il modello didattico 2025-2026, in ottemperanza al D.M. 1835 del 6 dicembre 2024, prevede di norma, per ogni CFU, un totale di almeno 7 ore di didattica. La didattica erogativa è perciò effettuata dall'Anno Accademico 2025/2026 per l'80% in modalità asincrona, articolata in un numero di videolezioni coerente ai CFU complessivi del singolo insegnamento, corredate da materiale didattico adeguato allo studio individuale e, per almeno il 20%, in modalità sincrona.

La didattica erogativa asincrona prevede per ogni ora una videolezione registrata, una dispensa corredata da riferimenti bibliografici, note, tabelle, immagini, grafici ed un questionario di dieci domande di autovalutazione con quattro possibili risposte di cui solo una corretta e tre distrattori, oltre un file di riepilogo relativo agli obiettivi ed alla struttura in paragrafi della lezione, con l'aggiunta di alcune parole chiave. Nel dettaglio la videolezione corrisponde alla singola lezione teorica del docente. La didattica sincrona si compone di una web conferenza per CFU e di un elaborato

per insegnamento, differenziato in termini di difficoltà rispetto all'ampiezza dei CFU assegnati. L'obiettivo della didattica erogativa in modalità sincrona è assicurare tutte quelle attività che tipicamente richiedono apprendimenti "in situazione" o rapporto "face to face", quali laboratori, seminari, esperienze sul campo, tirocini, ecc., tenendo conto anche delle metodologie a carattere innovativo e volte a favorire l'interazione docente-studenti e tra studenti

Sono previsti:

interventi didattici rivolti da parte del docente/tutor all'intera classe (o a un suo sottogruppo), tipicamente sotto forma di dimostrazioni o spiegazioni aggiuntive (ad esempio dimostrazione o suggerimenti operativi su come si risolve un problema, esercizio esilaranti); gli interventi brevi effettuati dai corsisti (ad esempio in ambienti di discussione o di collaborazione); le e-tivity strutturate (individuali o collaborative), sotto forma tipicamente di report, esercizio, studio di caso, problem solving, web quest, progetto, produzione di artefatti (o varianti assimilabili), effettuati dai corsisti, con relativo feed-back; le forme tipiche di valutazione formativa, con il carattere di questionari o test itinere; le esperienze di apprendimento in situazione realizzabili attraverso ambienti di simulazione, oppure attraverso la virtualizzazione di laboratori didattici.

Nelle suddette attività convergono molteplici strumenti didattici, che agiscono in modo sinergico sul percorso di formazione ed apprendimento dello studente. La partecipazione attiva alle suddette attività ha come obiettivo quello di stimolare gli studenti lungo tutto il percorso didattico e garantisce loro la possibilità di ottenere una valutazione aggiuntiva che si sommerà alla valutazione dell'esame finale.

Nel computo delle ore della didattica erogativa sono escluse le interazioni a carattere orientativo sui programmi, sul Corso di Studio, sull'uso della piattaforma e simili, che rientrano nei servizi di tutoraggio per l'orientamento. Sono altresì escluse le ore di tutorato didattico disciplinare, cioè la mera ripetizione di contenuti già proposti nella forma erogativa attraverso colloqui di recupero o approfondimento one-to-one.

## MODALITÀ E CRITERI DI VALUTAZIONE DELL'APPRENDIMENTO

La partecipazione alla didattica erogativa ha la finalità, tra le altre, di valutare lo studente durante l'apprendimento in itinere.

L'esame finale può essere sostenuto in forma scritta o in forma orale; lo studente può individuare, in autonomia, la modalità di svolgimento della prova, sempre rispettando la calendarizzazione predisposta dall'Ateneo.

L'esame orale consiste in un colloquio nel corso del quale il docente formula almeno tre domande.

L'esame scritto consiste nello svolgimento di un test a risposta multipla con 31 domande. Per ogni domanda lo studente deve scegliere una delle 4 possibili risposte. Solo una risposta è corretta.

Sia la verifica in forma orale che i quesiti in forma scritta sono formulati per valutare il grado di comprensione delle nozioni teoriche e la capacità di sviluppare il ragionamento utilizzando le nozioni acquisite per verificare la capacità di apprendimento ovvero il livello di apprendimento raggiunto dallo studente. I quesiti che richiedono l'elaborazione di un ragionamento consentiranno di valutare il livello di competenza e l'autonomia di giudizio maturati dallo studente.

Le abilità di comunicazione e la capacità di apprendimento saranno valutate attraverso le interazioni dirette tra docente e studenti che avranno luogo durante la fruizione del corso proposte dal docente o dal tutor.

## CRITERI DI MISURAZIONE DELL'APPRENDIMENTO E ATTRIBUZIONE DEL VOTO FINALE

La didattica sincrona garantisce una premialità massima di 2 punti che si somma al voto dell'esame finale, suddivisa in 1 punto per la didattica erogativa sincrona (Webconference) ed 1 punto didattica erogativa sincrona (Elaborato). La premialità massima per le Webconference è di un punto sul voto di esame. Ogni studente può partecipare a tutte le Webconference erogate. Per ciascuna di esse, il superamento del test finale di apprendimento –che richiede almeno quattro risposte corrette su cinque domande relative al tema trattato – consente di ottenere un punteggio pari a 0,5. Una volta raggiunto un punteggio totale di 1, allo studente viene riconosciuta la premialità. La redazione dell'elaborato consente una premialità pari ad 1 punto sul voto dell'esame, se considerato sufficiente. Saranno rese disponibili due tracce di elaborati.

È data facoltà allo studente di partecipare alla didattica erogativa sincrona.

La valutazione finale ha lo scopo di misurare il grado di comprensione delle nozioni teoriche e la capacità di sviluppare il ragionamento utilizzando le nozioni acquisite per verificare la capacità di apprendimento ovvero il livello di apprendimento raggiunto dallo studente. Il giudizio riguarda l'intero percorso formativo del singolo insegnamento ed è di tipo sommativo.

Il voto finale dell'esame di profitto tiene conto del punteggio ottenuto nella verifica di profitto al quale si sommano le premialità che lo studente può aver ottenuto partecipando alla didattica erogativa sincrona e deriva, quindi, dalla somma delle due valutazioni. Il voto derivante dalla didattica sincrona verrà sommato al voto dell'esame se quest'ultimo sarà pari o superiore a diciotto trentesimi.

Il voto finale è espresso in trentesimi. Il voto minimo utile al superamento della prova è di diciotto trentesimi.

Ciascun test dovrà essere composto da 31 domande, così da garantire la possibilità di conseguire la lode, in ottemperanza alle norme Europee sul Diploma Supplement. L'attribuzione della lode è concessa esclusivamente allo studente che ha risposto positivamente alle prime 30 domande ed anche all'ultima domanda.

### **ATTIVITÀ DI DIDATTICA EROGATIVA ASINCRONA**

/\*\*/

Di norma massimo l'80% delle lezioni è svolto in modalità asincrona.

### **ATTIVITÀ DI DIDATTICA EROGATIVA SINCRONA CON RELATIVO FEED-BACK AL SINGOLO STUDENTE DA PARTE DEL DOCENTE O DEL TUTOR**

Almeno il 20% delle lezioni è svolto in modalità sincrona e possono prevedere:

è Partecipazione web conference

è Redazione di un elaborato

è Svolgimento delle prove in itinere con feedback

è Svolgimento della simulazione del test finale

### **MATERIALE DIDATTICO UTILIZZATO**

è Videolezioni

è Dispense predisposte dal docente e/o slide del docente

è Questionario di autovalutazione

è Materiali predisposti per le lezioni sincrone

è Testo di riferimento suggerito dal docente (facoltativo)

Il materiale didattico è sempre disponibile in piattaforma e consultabile dallo studente nei tempi e nelle modalità ad egli più affini.